

# TUDOMÁNYOS DIÁKKÖRI KONFERENCIA

# Vékonyfalú Z szelemenek numerikus vizsgálata

# KOVÁCS GYULA YR6V3W

2012/2013. I. félév



Konzulens: Dr. Joó Attila László

# <u>Tartalomjegyzék</u>

# 1. Bevezetés

# 2. Kísérlet ismertetése

- 2.1. Szerkezeti kialakítások ismertetése
- 2.2. Mérőeszközök és elhelyezésük
- 2.3. Kísérlet eredményei
- 2.4. Deformációs alakok

# 3. Megoldási stratégia

- 3.1. Lokális modellszint
  - 3.1.1. Rúdmodell
- 3.2. Egyszerű globális modellszint
- 3.3. Részletes globális modellszint

# 4. Lokális modellek

- 4.1. Lokális modellek felépítésének ismertetése
  - 4.1.1. 'Szimpla' modell megalkotása
  - 4.1.2. 'Dupla' modell megalkotása
  - 4.1.3. 'Átlapolt' modell megalkotása
  - 4.1.4. Megtámasztások
- 4.2. Tiszta hajlítás
  - 4.2.1. 'Szimpla' modellek esetén
    - 4.2.1.1. Alkalmazott imperfekciók
    - 4.2.1.2. Vizsgálat eredményei
    - 4.2.1.3. Eredmények verifikálása
  - 4.2.2. 'Dupla' modellek esetén
    - 4.2.2.1. Alkalmazott imperfekciók
    - 4.2.2.2. Vizsgálat eredményei

- 4.2.2.3. Eredmények verifikálása
- 4.2.3. 'Átlapolt' modellek esetén
  - 4.2.3.1. Alkalmazott imperfekciók
  - 4.2.3.2. Vizsgálat eredményei
  - 4.2.3.3. Eredmények verifikálása
- 4.2.4. 'Dupla' és az 'átlapolt' modellek esetén
- 4.3. Hajlítás és nyírás interakciója
  - 4.3.1. 'Dupla' modellek esetén
    - 4.3.1.1. Alkalmazott imperfekciók
    - 4.3.1.2. Vizsgálat eredményei
    - 4.3.1.3. Eredmények verifikálása
  - 4.3.2. 'Átlapolt' modellek esetén
    - 4.3.2.1. Alkalmazott imperfekciók
    - 4.3.2.2. Vizsgálat eredményei
    - 4.3.2.3. Eredmények verifikálása
  - 4.3.4. 'Dupla' és az 'átlapolt' modellek esetén
- 4.4. Lokális modellezés összefoglalása

#### 5. Egyszerű globális modell

- 5.1. Modellek jellemzői
- 5.2. Alkalmazott imperfekciók
- 5.3. Vizsgálat eredményei
- 5.4. Eredmények verifikálása
- 5.5. Egyszerű globális modellezés összefoglalása

# 6. Részletes globális modell

- 6.1. Modellek jellemzői
- 6.2. Vizsgálat eredményei
- 6.3. Eredmények verifikálása
- 6.4. Részletes globális modellezés összefoglalása

#### 7. Tanulmány összefoglalása

# 1. <u>Bevezetés</u><sup>[1] [2] [4]</sup>

Jelen tanulmányban a Lindab cég vékonyfalú Z szelemenjeinek a numerikus vizsgálatával kívánok foglalkozni. A tanulmány igencsak aktuális hiszen, e szelemenek magas minőséggel készülnek és a könnyű szerelhetőségük miatt nagy népszerűségnek örvendenek az ipari épületrendszerekben, de emellett lakossági céloknak is megfelelnek. Az átlapolt kialakítású szelemenek, a rajta elhelyezett trapézlemezzel együtt meglehetősen összetett szerkezetet képviselnek, emiatt a méretezésük is nagy szakértelmet kívánó, nehéz feladat. Például a vékonyfalú szerkezetek mértezését tartalmazó **EN1993-1-3:2006** szabvány jelenleg nem is tartalmazza az átlapolt kapcsolat számítását, ezt csak kísérlettel lehet elvégezni. Ezért a célom, hogy olyan numerikusan elvégezhető modellezési eljárást dolgozzak ki, mellyel a valós kísérletek elvégzése helyett csak a numerikus analízist kell lefuttatni, mely a valós kísérlettel egyenértékű eredményre vezet. Ezenkívül távlati célként megemlítem, hogy a numerikus modellezés alapján, javaslatot szeretnék tenni a szabványos méretezési eljárás pontosítására.

A tanulmány első részében ismertetem a Hidak és Szerkezetek Tanszék által elvégzett legutóbbi kísérletsorozatot, mely a numerikus vizsgálataim kiindulási és összehasonlítási alapját adja. A célkitűzésem, hogy megtaláljam a leghatékonyabb megoldást e szelemenek numerikus analízisére és, hogy verifikáljam az egyes szelvények keresztmetszeti ellenállásait a kísérlet eredményeivel.

A tanulmányban ismertetésre kerül, a fenti állításoknak eleget tevő megoldási program, mely során az egyszerűbb modellektől haladok az összetettebb modellek felé. Mindegyik esetben a kapott eredményeket összehasonlítom a vizsgálat által adottakkal, ezáltal egy átfogóbb képek tudok kialakítani az egyes megoldások előnyeiről és hátrányairól.

#### 2. Kísérlet ismertetése

A kísérletet a Tanszék 2012 tavaszán végezte el, melynek célja, hogy különböző szelvényű, de azonos fesztávolságú szelemenek esetén meghatározzák a tönkremeneteli módokat, valamint az így összeállított rendszer teherbírását.

Teent	Orazáa	Orezág	Saalaráaan	Folyáshatár	Vastagság	Fesztávolság	Átlapo	olás hossza	Trapézlemez
1 eszt	Orszag	ag Szerveny	MPa	[mm]	[mm]	[mm]	[mm]	rögzítése	
1	HUN	Z200ECO	350	1,5	2x5000	500	500	minden hullámvölgyben	
2	HUN	Z200ECO	350	1,5	2x5000	500	500	minden hullámvölgyben	
3	HUN	Z250	350	1,5	2x5000	500	500	minden hullámvölgyben	
4	HUN	Z250	350	1,5	2x5000	500	500	minden 2. hullámvölgyben	
5	HUN	Z200ECO	350	1,5	2x5000	1000	1000	minden 2. hullámvölgyben	
6	HUN	Z200ECO	350	1,5	2x5000	1000	1000	minden 2. hullámvölgyben	
7	HUN	Z150	350	1,5	2x5000	500	500	minden 2. hullámvölgyben	
8	HUN	Z150	350	1,5	2x5000	500	500	minden 2. hullámvölgyben	
9	SE	Z150	350	1,5	2x5000	500	500	minden 2. hullámvölgyben	
10	SE	Z150	350	1,5	2x5000	500	500	minden 2. hullámvölgyben	

1. táblázat: Teszt program

A vizsgálat során Z150-es, Z200ECO-s és Z250-es 1,5 mm-es falvastagságú szelvényeket alkalmaztak, háromtámaszú kialakításban, a közbenső támasznál 10%-os illetve 20%-os átlapolással. A vizsgálatokat az **1. táblázat** foglalja össze, míg az egyes szelvények geometriáját az **1. ábra** tartalmazza.



1. ábra: Alkalmazott szelvénytípusok

A szelemenek támaszköze 5 m volt, így a szelemenek teljes hossza 10 m lett, ahol is a fentiek értelmében az átlapolás, 1 m illetve 2 m hosszúságú szakaszt tett ki. A szelemenekre minden egyes esetben Lindab LTP20-as trapézlemezt fektettek, 3 m-es hosszban, tehát a szelementávolság 1,5 m volt. A kísérleti elrendezés az **1. képen** látható, míg az ennek megfelelő tetőrendszert tartalmazza a **2. ábra**.



# 1. kép: Kísérleti elrendezés

Az ábra alapján megállapítható, hogy a kísérletet "fejjel lefelé" hajtották végre - azaz legalul helyezték el a trapézlemezt, mely teherátadó elemként is funkcionál és erre, önfúró csavarok

segítségével rögzítették a szelemeneket -, hiszen a megtámasztó szerkezetet csak így lehetett elhelyezni és erőteher alkalmazása esetén egyébként is ez a legmegfelelőbb eljárás.

A trapézlemezre az egyenletesen megoszló terhet az alattuk elhelyezett 4 db műanyag zsákokba vezetett levegő segítségével adták rá, és a tönkremenetel eléréséig terhelték az így kialakított könnyűszerkezetes tetőrendszereket.



2. ábra: Modellezett tetőrendszer

# 2.1. Szerkezeti kialakítások ismertetése

A közbenső és a két szélső támaszt, a hossz- illetve keresztirányban elhelyezett "I", illetve "U" szelvényű tartók biztosították, melyekhez a szelemeneket a **2. a**) illetve **b**) képen látható módon csavarokkal rögzítették. A közbenső támasznál alkalmaztak dupla szelvényeket, hiszen háromtámaszú kialakítás esetén itt alakul ki legnagyobb, a tartóra jellemző mértékadó nyomaték és nyíróerő. A szelemenek eltérő övszélességgel rendelkeznek, ez lehetővé teszi, hogy az átlapolásukat az összeforgatásuk segítségével egyszerűen ki lehessen alakítani.





#### 2.2. Mérőeszközök és elhelyezésük

A fenti kísérleti elrendezés összeállítását követően, már csak az eredmények rögzítéséhez szükséges mérőeszközök elhelyezését kellett elvégezni. Háromtámaszú tartó igénybevételi ábrájának megfelelően két jellemző helyet vizsgáltak (**3. ábra**).



#### 3. ábra: Mérőeszközök helyzete

Egyrészt a tartó mezőközepén, a bal és jobb oldali szelemen övéhez csatlakozó indukciós adó segítségével mérték a függőleges és a vízszintes elmozdulásokat. Az indukciós adó látható a **3. képen**.







b) Indukciós adó kialakítása

#### 3. kép: Indukciós adó

Másrészt a szelemenekben a terhelés hatására kialakuló feszültségek értékeire is szükség volt, melyet a mezőközépen, illetve az átlapolásnál elhelyezett nyúlásmérők bélyegek szolgáltattak. A bélyegek elhelyezéséről és jelöléseiről, valamint a bélyegek valós méreteiről kapunk egy összefoglalást a **4. kép a**) és **b**) részében. A jelölések minden szelvény esetében megegyeztek. Ennek értelmében az 1-4. jelű bélyegeket mezőközépen helyezték el, míg az 5-8. jelű bélyegeket az átlapolásnál.



a) 1-2. jelű bélyegek Z200ECO szelemenen



b) 5-8. jelű bélyegek Z150-es szelemenen

# 4. kép: Nyúlásmérő bélyegek

# 2.3. Kísérlet eredményei

A mért adatok feldolgozását követően az **1-4. diagramokon** látható eredmények születtek meg, jelen esetben Z200ECO 10%-os átlapolással ellátott szelemennél.



1-2. diagram: Teher – függőleges illetve víszintes elmozdulás diagram

A teher-elmozdulás diagramokból megállapítható, hogy még a szabvány által meghatározott teherbírás szerint, a szelemen tönkremenetele 1,27 kN/m<sup>2</sup>-es egyenletesen megoszló tehernél következne be, valamint a kísérlet alapján történő tervezés értelmében 1,56 kN/m<sup>2</sup>-es értéknél, addig az elvégzett kísérlet alapján kijelenthető, hogy a szelemen első tönkremenetele (megfolyása) 2,27 kN/m<sup>2</sup>-es érték elérését követően következik be. Ezek alapján kijelenthető, hogy e tekintetben is érdemes a vékonyfalú Z szelemenek numerikus analízisével foglalkozni, hogy a szabványos méretezés során még pontosabb eredményeket, és többletteherbírást érjek el.

A mezőközépen és a támasz közelében elhelyezett bélyegek által szolgáltatott feszültségekről ad összefoglalást a **3.** és **4. diagram**. Azon bélyegek, melyeket a szelemen ugyanazon övén helyeztek el, ahol is a feszültségértékekben eltérés figyelhető meg, ebből következtetni lehet arra, hogy a feszültségek eloszlása az öv mentén keresztirányban is változik. Tehát a feszültségtestet egy gyenge és egy erős tengely körüli ferde hajlítás is alakítja.



3-4. diagram: Feszültség – függőleges elmozdulás diagram

# 2.4. Deformációs alakok

A kísérletben alkalmazott tetőrendszerek terhelése során az első tönkremenetel (1-2. diagramon a zöld vízszintes vonalhoz tartozó teherérték) az átlapolás végén jelentkezett, ez alól kivételt képez a 20%-os átlapolással ellátott Z200ECO típusú szelemen, ahol is a tönkremenetelt a mezőközépen ébredő nyomaték miatt következett be. A közbenső támasznál kialakuló képlékeny csukló miatt a szerkezet további terhek felvételére is alkalmas, csak már a képlékeny teherbírási tartalékait használja ki. Az igénybevétel átrendeződés hatására a szelement tovább tudták terhelni és az előzőnél jóval magasabb 3,5 kN/m<sup>2</sup>-nél is nagyobb teherszintet is el tudtak érni. A jelenségek leírásához hozzátartozik, hogy a terhelés hatására megjelent a szelemen szabad övének kifordulása, az ébredő nyomatéki igénybevétel hatására, mely a közbenső támasz környezetében nyomást okoz. A vizsgált Z200ECO szelemen deformációs ábrája, látható az **5. képen**.



5. kép: Tönkrementel a közbenső támasznál és a szabad öv kifordulása

#### 3. Megoldási stratégia

A valós kísérlet – melyek eredményei és a vizsgált szelemenek tönkremeneteleiről készített fényképei, a numerikus modelljeim verifikálására szolgálnak – bemutatását követően rátérek a megoldási program ismertetésére, melynek során röviden összefoglalom azokat a modellezési szinteket, melyek alkalmasak lehetnek a fent ismertetett célok minél nagyobb mértékű teljesítésére. Ezen belül három különböző eljárást alkalmazok, melyek a következők: *lokális modellezés (4. ábra), egyszerű globális modellezés (5. ábra), részletes globális modellezés (6. ábra)*. A lokális modellekkel a szelemen lokális tönkremeneteli módjainak illetve teherszintjeinek meghatározása az elsődleges cél. A lokális hatások mellett a stabilitással kapcsolatos viselkedések vizsgálatait már az egyszerű illetve a részletes globális modell tartalmazza és ezekkel a lépésekkel egyre közelebb kerülök a valós kísérlet modellezéséhez is.



#### 3.1. Lokális modellszint

Mivel a vékonyfalú szelemenek tönkremeneteli módjainak verifikálása meglehetősen összetett feladat, ezért első lépésként az általam kiválasztott típusokból lokális modelleket készítek, melyek a trapézlemezes fedéssel ellátott háromtámaszú szelemen, egy-egy meghatározó szakaszán bekövetkező tönkremeneteli módokat hivatottak modellezni (7. ábra). Ezen modelleket tiszta hajlítás, valamint hajlítás és nyírás interakciójának vettem alá, mely során a kívánt igénybevételi szinteket rúdmodell alapján veszem fel, melyet a következő fejezetben részletesen is ismertetek.



#### 7. ábra: Lokális modellek típusai és helyzete

#### 3.1.1. Rúdmodell

A rúdmodellt *AxisVM 10. 1b.* kiadású végeselemes programban készítem el. A modell célja, hogy közelítően meghatározzam az átlapolás szélénél, illetve a mezőközépen ébredő hajlítás és nyírás interakciós arányokat a vizsgált szelvények esetén és ezenkívül, a különböző terhelés hatására kialakuló igénybevételi szinteket. A rúdmodell geometriai adatai tartalmazza **8. ábra**. A vizsgálatokat Z150, Z200ECO és Z250 típusú szelvényekre végzem el. A támaszköz minden esetben 5,00 m volt és 10%-os átlapolást alkalmazok a közbenső támasz környezetében.



8. ábra: Átlapolt szelvényű rúdmodell

Mivel a szelemenek egymástól 1,5 m távolságra voltak, ezért a vizsgált szelemen terhelőmezeje is közelítően ekkora lenne. Azonban a kísérlet során mérték a terhelőmező szélességének pontos értékeit, melyek 1118 mm-től egészen 1229 mm-ig terjedtek. Így ezek alapján határoztam meg, az egyenletesen megoszló teher értékeiből a vonalmenti terhelés értékeit (**9. ábra**). A terhek értékei az 1. tönkremenetelhez tartoznak, mely a szelemen globális stablitásvesztésével együtt bekövetkező keresztmetszeti szintű megfolyásához tartozik.



9. ábra: *Rúdmodell terhelési adatai* 

A terhelés hatására kapott igénybevételi ábrákat a **10-12. ábrák** tartalmazzák, és a modell eredményeit, valamint az interakciós arányokat a **2. táblázat** foglalja össze.



11. ábra: Z200ECO\_1.5 szelemen nyíróerő és nyomatéki igénybevételi ábrája



12. ábra: Z250\_1.5 szelemen nyíróerő és nyomatéki igénybevételi ábrája

A 2. táblázat alapján egyértelműen kijelenthető, hogy az egyes szelvények esetén a nyomaték és nyíróerő interakciós arány közel azonos. A mezőközépen bekövetkező tönkremenetel vizsgálatánál elegendő a tiszta hajlításra vizsgálni az adott szelvényt, míg az átlapolás közvetlen környezetében a táblázatban meghatározott interakciós arányok szem előtt tartásával kell megadni a kívánt terhelési adatokat.

Szolyónyok	Uoly	Nyomaték	Nyírőerő	V/M arány
Szervenyek	nely	[kNm]	[kN]	[-]
7150 1 5	mezőközép	4,76	0,00	-
Z150_1.5	átlapolás széle	5,95	7,94	1,334
7200ECO 1 5	mezőközép	6,70	0,00	-
Z200ECO_1.5	átlapolás széle	8,39	11,18	1,333
	mezőközép	11,87	0,00	-
Z250_1.5	átlapolás széle	14,91	19,83	1,330

# 2. táblázat: Igénybevételek összefoglalása

A rúdmodell meghatározását követően rendelkezésre állnak a lokális modellszint minden egyes modelljénél alkalmazandó igénybevételek, de mielőtt e modellek ismertetésére rátérnék, röviden összefoglalom a másik két modellezési szintet is.

# 3.2. Egyszerű globális modellszint

A fenti lokális modelleken felül célszerű megvizsgálni, hogy a háromtámaszú szelemen a kísérlet során felvett támaszközökkel hogyan viselkedik és vissza lehet-e kapni a kísérlet során mért teherszintet. Ennél a modellnél is GMNI analízist hajtok végre, mely tartalmazza a geometriai imperfekciókat és az anyagi nemlinearitást is. Mivel a geometriai tökéletlenség is egy meghatározott szinten modellezésre kerül, ezért kérdéses, hogy melyek azok az alakok, amelyek biztosítani tudják a kísérlet során tapasztalt aszimmetrikus viselkedést és egyébként ez a modell elegendő lesz-e kísérleti eredmények verifikálására.

Összességében elmondható, hogy ez modell a feni ismertetett rúdmodellnek egy továbbfejlesztett változata, mely már jobban közelíti a kísérleti modellt, hiszen egyszerű rúdmodell helyett, a lokális modellekben is használt héjelemek segítségével építem fel. Azonban ez a modell is bizonyos fokú egyszerűsítésekkel rendelkezik, így csak a szelement tartalmazza. A trapézlemezt a nyomott övön elhelyezett oldalirányú megtámasztásokkal helyettesítem, ezenkívül az egyenletesen megoszló teher helyett csak a gerinc és a felső öv találkozásánál elhelyezett vonalmenti terhet alkalmazom.

Ennél a modellnél 3 fajta szerkezeti kialakítást vizsgálok. Egy végig azonos falvastagsággal rendelkező háromtámaszú szelement, ezenkívül az átlapolásnak megfelelő szakaszon dupla falvastagsággal rendelkezőt, illetve az átlapolt szakaszon kontaktelemekkel ellátottat.

A célom ezzel a modellel, annak meghatározása, hogy az alkalmazott egyszerűsítésekkel mennyire közelítem meg a kísérlet eredményeit, illetve a tapasztalt globális viselkedést. Elegendő-e ez a szint, vagy esetleg tovább kell lépni egy részletesebb globális modell alkalmazásához, mely esetlegesen a fenti követelményeknek sokkal inkább eleget tesz.

# 3.3. <u>Részletes globális modellszint</u>

A részletes globális modell már a valós kísérlet kialakításokat jobban közelíti, ennek megfelelően sokkal összetettebb és részletesebben kidolgozottabb is. Továbbra is héjmodellről beszélünk és az átlapolt szakaszon kontaktelemek biztosítják a két szelemen együttdolgozását. Tartalmazza a trapézlemezt, melyre egyenletesen megoszló teher hat valós szerkezetnél is gyakorta fellépő tehereset - mely az önfúró csavaroknak megfelelő helyeken a szelemen nyomott övével is kapcsolatban áll. Emellett a kísérleti elrendezésnek megfelelő helyeken elhelyezett, megtámasztást biztosító csavarok is a modell részét képezik.

Itt rendelkezésemre áll a Tanszéken Dr. Jakab Gábor által készített 4 fajta modell<sup>[3]</sup>: Z150, Z200ECO 10%-os átlapolással, Z200ECO 20%-os átlapolással illetve a Z250, melyek csak a szelvényeikben különböznek egymástól. A modelleknél MN analízist futtatok, mely csak az anyagi nemlinearitást tartalmazza, a geometriai imperfekciókat nem. Célom, hogy a modell lineáris viselkedését összehasonlítsam a valós szerkezetével, különös figyelmet fordítva a merevségi viszonyok, teherszintek illetve az elmozdulások összehasonlítására.

Ezenfelül célszerű lenne megállapítani, hogy ilyen fokú komplexitás, mely ezeket a modelleket jellemzi, valóban szükséges-e ahhoz, hogy a kísérleti tönkremeneteleket visszakapjuk, valamint a bonyolultságuk milyen viszonyban áll a hatékonyságukkal.

A fentiekben röviden összefoglaltam a megoldási programot, melyek segítségével a fentebb ismertetett célok elérésére törekszem. Mindegyik modellnél a kapott eredményeket összehasonlítom a kísérlet eredményeivel és értékelem az egyes eljárásokat. A következőkben a különböző modellezési szinteket részletesen is ismertetem, és emellett közlöm a vizsgálatok eredményeit. Tehát a tanulmányt a lokális modellek bemutatásával folytatom, melyek a globális hatások kizárásával csak a keresztmetszetek lokális szintű analízisével foglalkozik.

#### 4. Lokális modellek

A fentiek alapján a **3. táblázatban** összefoglalom az elkészített lokális modelleket és az alkalmazott igénybevételek típusait.

Szelemenek hosszai az egyes igénybevételek esetén					
Szelv	énytípusok	tiszta hajlítás	hajlítás és nyírás interakciója		
	szimpla	750 mm	-		
Z150_1.5	átlapolt - dupla	750 mm	500 mm		
	átlapolt - kontakt	300 mm	500 mm		
	szimpla	1000 mm	-		
Z200ECO_1.5	átlapolt - dupla	1000 mm	500 mm		
	átlapolt - kontakt	400 mm	500 mm		
	szimpla	1250 mm	-		
Z250_1.5	átlapolt - dupla	1250 mm	500 mm		
	átlapolt - kontakt	500 mm	500 mm		

#### 3. táblázat: Lokális modellek összefoglalása

#### 4.1. Lokális modellek felépítésének ismertetése

A numerikus modelleket az általános célú, de professzionális modellezést lehetővé tevő *ANSYS v14.0* szoftver segítségével készítem el, mely lehetőséget biztosít a vékonyfalú szerkezetek analízisére is. A lokális modelleknél GMNI – anyagi és geometriai nemlinearitás imperfekt – analízist alkalmazok.

A szelemenek anyagjellemzőinek megadásánál a kísérleti mintavétel során meghatározott valós folyáshatárokat veszem alapul, melyeket az AGMI Anyagvizsgáló és Minőségellenőrző Zrt. laboratóriumában határoztak meg, a szelemenekből kivágott 20 mm széles mintadarabokon. Természetesen az eredményeknél némi szórás figyelhető meg, így ezen értékek átlagát használom a modellalkotás során (**2. táblázat**). Az anyagi nemlinearitás biztosítása érdekében a modellnél a BISO anyagmodellt, azaz lineárisan rugalmas, képlékeny – lineárisan felkeményedő anyagmodellt alkalmazom (**5. diagram**). Ezenkívül elegendő az acél E=210.000 N/mm<sup>2</sup>-es rugalmassági modulusának és 0,3 nagyságú harántkontrakciós (Poisson) tényezőjének a megadása, hogy az anyag további szükséges tulajdonságai is definiálásra kerüljenek.

Szelvények	Folyáshatár
Z150	461 MPa
Z200ECO	458 MPa
Z250	460 MPa

#### 2. táblázat: Folyáshatárok



5. diagram: Alkalmzott anyagmodell

# 4.1.1. 'Szimpla' modell megalkotása

A mezőközépen lévő szelemen modellezésére egy "szimpla" szelvényt készítek, mely végig "t" vastagsággal rendelkezik. Mivel most csak a szelement vizsgálom, ezért a modell a trapézlemezes fedést nem tartalmazza. Ehelyett a szelemen felső, nyomott övén oldalirányú megtámasztást alkalmazok a hullámhegyeken elhelyezett rögzítéseknek megfelelő szakaszonként. A geometriát paraméteresen adom meg, így ez más modellek esetén is használható lesz. Héjmodellt készítek, melyhez a *SHELL281* jelű, 8 csomópontú héjelemet választottam, melyen a végeselemes háló legnagyobb oldalhossza nem haladja meg a 10 mm-es értéket. A felépített modell látható az **13. ábrán**.



13. ábra: 'Szimpla' lokális modell Z200ECO szelvény esetén

# 4.1.2. 'Dupla' modell megalkotása:



14. ábra: 'Dupla' lokális modell Z200ECO szelvény esetén

Az átlapolt szelemen vizsgálatára kétféle modellt készítek, melyek közül az egyik az ún. 'dupla' modell. A modell a 'szimpla' modellhez hasonlóan épül fel, azonban a modell egyik fele 't' vastagsággal rendelkezik, addig a másik 2 x 't' vastagságú. Ezzel a közelítéssel az átlapolást közelítően modellezem, míg a modell megtámasztásait a fentiekhez hasonlóan adtam meg. (**14. ábra**)

# 4.1.3. 'Átlapolt' modell megalkotása

Az 'átlapolt' nevű modellel (15. ábra) az átlapolást még pontosabban kívánom modellezni, emiatt a modell felépítésében a korábban meghatározottakhoz képest is változásokat kellett alkalmaznom. Először is két szelement határoztam meg a keypontok segítségével, melyeket összeforgattam és így állítottam elő a szelemen modelljét az átlapolt szakaszon, ahol a szelemenek középvonalai között függőleges és vízszintes értelemben is 1,5 mm-es távolságot adtam meg. Továbbra is *SHELL281* jelű héjelemet alkalmaztam, azonban a szelemenek közötti kapcsolat megadására további elemek definiálására volt szükség. Egyrészt a csavarkapcsolat modellezéséhez négy újabb keypontot adtam meg, melyeket vonalakkal kötöttem össze és így a két csavar geometria értelemben már adott is volt. A csavar modellezésére a *BEAM188* jelű gerendaelemet választottam, ahol is elegendő lett volt egy *BEAM4* elem alkalmazása, de ennek a támogatása *ANSYS 14-*es verziójában megszűnt, legalább is a grafikus felületen már nem lehetett ilyen elemet választani. A csavar keypontjait a szelemen felületének definiálása során is figyelembe kellett vennem, hogy később a végeselemes háló felépítése már eszerint történjen.



15. ábra: 'Átlapolt' lokális modell Z200ECO szelvény esetén

Ezenfelül a szelemenek közötti – csak nyomásra és nyírásra dolgozó – kapcsolat biztosítása érdekében *CONTA174* (kontaktelem) és *TARGE170*-es (célelem) típusú elemeket kell megadnom, melyek támogatják a 8 csomópontú felületelemeket. Ehhez az egyik szelement teljes egészében kijelölöm és megadom a kontaktelemeket, majd a másikon definiálom a célelemeket. Ezt követően a kijelölést megfordítom és a korábbi felületen alkalmazott célelem mellett a kontaktelemeket is megadom, ezután a másiknál is

ehhez hasonlóan járok el (ezt hívják szimmetrikus kontakt kialakításnak). Ezen kapcsolati elemek alkalmazásánál szem előtt kell tartani, hogy a felületek normálisa egymással szemben mutasson, különben nem jön létre a kapcsolat. *CONTA174*-es elem számos beállítással (keyopt) rendelkezik, melyek a minél pontosabb modellezést hivatottak biztosítani. Itt fontos megadni, hogy az átlapolt szelemenek a terhelés során (pl. hajlítási igénybevétel) ne metsződjenek egymásba, azaz tartsák a közöttük lévő távolságot és ne zárják a szelemenek közötti hézagokat.

Végezetül megjegyezném, hogy a gyorsabb megoldás elérése érdekében, rövidebb szelemenhosszokat alkalmazok, de a végeselemes hálót is jobban sűrítem, mely 3 mm oldalhosszúságú lesz.

#### 4.1.4. Megtámasztások

A szelemen két végének megtámasztását minden egyes esetben a terheknek megfelelően adom meg, melyekről a **4. táblázat** ad összefoglalást. A táblázatban szereplő ROT jelölés az adott tengely elfordulás elleni megfogását, míg az U jelölés az adott irányban az eltolódás elleni megtámasztást jelenti. Természetesen ehhez hozzátartozik a szelemen felső, nyomott övének oldalirányú megtámasztása a trapézlemez rögzítésének megfelelő helyeken.

Megtámasztások				
Igénybevétel típusa:	1. vég	2. vég		
tiszta hajlítás	UX, UY ,UZ, ROTY, ROTZ	UX, UY, UZ, ROTY, ROTZ		
hajlítás és nyírás interakciója	ROTX, ROTZ	ROTX	] [′	

#### 4. táblázat: Megtámasztási viszonyok

#### 4.2. <u>Tiszta hajlítás</u>

A lokális modelleket először tiszta hajlítás esetére vizsgálom meg. Az egyes igénybevételek bemutatásánál azonos felépítést követek. Ismertetem a geometriai nemlinearistást biztosító imperfekciókat, melyeket alkalmazok az egyes szelvényeknél. Ezt követően a vizsgálat eredményeit diagramok formájában foglalom össze és összevetem a valós kísérlet során mért adatokkal.

#### 4.2.1. 'Szimpla' modellek esetén

A következőkben mindhárom szelvényt együtt mutatom meg, így az egyes szelvények közötti különbségek jobban kivehetők. Továbbiakban a modelltípusok ismertetésénél a 'szimpla', a 'dupla' és az 'átlapolt' sorrendet követem.

#### 4.2.1.1. Alkalmazott imperfekciók

Ezek alapján ismertetem az egyes szelvények, tiszta hajlítása során alkalmazott imperfekciókat (**16-18. ábra**). Az egyes szelvényeknél az adott teher esetén mindig stabilitási analízist futattam, melynek célja az első 100 kihajlási alak meghatározása volt. Ezekből választottam ki azokat az alakokat, melyeket geometriai imperfekcióként

alkalmaztam az ezt követő analízis során. Ezen alakokat egy általam meghatározott szorzóval helyeztem el az eredeti szelvényen, melynél szem előtt tartottam, hogy az így kialakuló maximális amplitúdók (képaláírásoknál ismertetem őket) ne haladják meg jelentősen a szabvány által előírt maximális értéket, amely az adott lemez szélességének 200-ad része. Az egyes szelvények imperfekcióként használt kihajlási alakjaiban számos hasonlóság figyelhető meg. Egyrészt mindegyiknél megjelenik a gerinc szinusz hullámot követő horpadási alakja, másrészt az övekben is ehhez hasonló jelenség tapasztalható, igaz nem annyira domináns mértékben.



16. ábra: Z150 – imperfekció max. amplitúdó: 0,214 mm

17. ábra: Z200ECO – imperfekció max. amplitúdó: 0,213 mm



18. ábra: Z250 – imperfekció max amplitúdó: 0,322 mm

# 4.2.1.2. Vizsgálat eredményei

Az egyes szelvények tiszta hajlítása során kapott teher - elmozdulás diagramokat tartalmazzák **6-11. diagramok**.

Az analízis során a terhet nem erőteherként, hanem elmozdulás teherként adom meg. Ennek értelmében a tiszta hajlításnál a szelemen két végén egymással ellentétesen forgató hajlítónyomaték helyett, ennek megfelelő elfordulásokat alkalmazok. Erre azért volt szükség, mivel ilyen vizsgálatnál a megoldó módszer - mely jelen esetben a Newton-Raphson volt - kevesebb iterációt követően konvergál, tehát a megoldás ezáltal is hatékonyabb, és a tönkremenetel utáni leszálló ág is visszakapható.



6-7. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



8-9. diagramok: Z00ECO – teher - elmozdulás diagramok



10-11. diagramok: Z250 – teher-elmozdulás diagramok

A nyomatékok és az elmozdulások értékeit minden esetben a szelvény középső keresztmetszeténél határoztam meg. A felső öv, az alsó öv és a gerinc elmozdulását a felezőpontjukban elhelyezett csomópontokból határozom meg. Vizsgáltam a többi pont elmozdulását is, de jelentős eltérést egyikénél sem tapasztaltam, ezért a jobb áttekinthetőség érdekében csak a fent ismertetett pontokról készült adatokat mutatom be.

A teher és a függőleges elmozdulás kapcsolatát bemutató diagramokból kitűnik, hogy a szelvény keresztmetszeti szintű megfolyása mely teherszinteken következett be, emellett a leszálló ágak is megjelennek. Látható, hogy az analízis során mért vízszintes elmozdulások közül a gerinc szenvedi el a legnagyobb értékeket.

# 4.2.1.3. Eredmények verifikálása

Az 5. táblázatban összefoglalom a numerikus és a valós kísérlet során kapott eredményeket. Ez alapján megállapítható, hogy a numerikus kísérletben csak lokális hatások érvényesülnek, emiatt a szelvény teherbírás is magasabb, hiszen a háromtámaszú kialakításnál globális hatások is megjelennek. Gondolok itt a tartó nyomaték hatására bekövetkező kifordulására, mely globális stablitásvesztést eredményez, emiatt a teherbírási értékek is alacsonyabbak lesznek. A számított eltérés a Z200ECO szelvény esetében a legtöbb, több mint 31%. Ez többek között annak is betudható, hogy a szelvény csak keresztmetszeti magasságban különbözik a Z150-s szelementől, viszont az élborda magassága és az övek szélessége ugyanakkor, ellentétben a Z200-as ECO jelzés nélküli szelemennel. A táblázatból arra is következtethetünk, hogy a szelvény méretének növekedésével párhuzamosan, a globális stabiltásvesztés jelensége jelentős hatással van a keresztmetszeti ellenállás alakulására, hiszen egy zömökebb szelvénynél nagyobb teherszintnél érjük el a stabilitásvesztés határállapotát, mint egy hozzá hasonló, de karcsúbb kialakításúnál.

Eredmények verifikálása					
Szelvénytípusok:	Nyomatéki teherb	Ellérée			
	Numerikus kísérlet	Valós kísérlet	Enteres		
Z150_1.5	8,85	6,69	-24,5%		
Z200ECO_1.5	12,52	8,62	-31,2%		
Z250	19,72	14,28	-27,6%		

#### 5. táblázat: Eredmények verifikálása

A numerikus modellezés során kapott értékek verifikálásán kívül, még célul tűztem ki, hogy a szelvény tönkremeneteli mechanizmusát is visszakapjam a vizsgálatok során, ezért a numerikus és a valós kísérlet során kapott deformációs ábrákat is ismertetem (**6-8.kép** illetve **19-21. ábra**).

A lent bemutatott ábrák alapján összességében kijelenthető, hogy a mezőközépen jelentkező tönkremeneteli mechanizmus alakjait is sikerült visszakapni. Már a rúdmodellnél is igazoltuk, hogy ezen a tartószakaszon nyomaték, ami dominánsan megjelenik, melyet a tiszta hajlításra igénybevett lokális modelleken kapott deformációs ábrák is igazolnak. A mellékelt képeken és az ábrákon is jól kivehető, az a fajta képlékeny tönkremeneteli mechanizmus, amely során a szelemenek az övek mentén begyűrődnek és ezt egészíti ki a gerinc behorpadása is.



6. kép és 19. ábra: Z150 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele mezőközépen



7. kép és 20. ábra: Z200ECO szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, mezőközépen



8. kép és 21. ábra: Z250 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, mezőközépen

Így már kijelenthető, hogy az alkalmazott imperfekciók megfelelő eredményre vezettek, hiszen ezáltal visszakaptuk a kísérlet során is tapasztalt deformációs alakokat.

#### 4.2.2. 'Dupla' modellek esetén

Most rátérek az átlapolt szakasz vizsgálatára készített modellek eredményeinek az ismertetésére. Először az egyszerűbb, 't' és 2\*'t' falvastagsággal rendelkezőnek az adatait közlöm. Habár a rúdmodell vizsgálatánál is igazolásra került, az-az állítás, mely szerint az átlapolt szakaszon a hajlítás mellett jelentős nyíróerő is hat a szerkezetre, azonban a teljesség kedvéért, ezen modelleket első körben tiszta hajlításra is megvizsgálom. Így későbbiek során azt is meg tudom állapítani, hogy nyíróerő megjelenése mennyiben befolyásolja a szelvény teherbírási képességét.

# 4.2.2.1. Alkalmazott imperfekciók

Ismertetem a 'dupla' modellek, tiszta hajlítása során alkalmazott imperfekciókat (**22-24. ábra**). A kihajlási alakok több hasonlóságot is mutatnak a fenti, szimpla modelleknél használtakkal. Itt is megjelenik a gerinc szinusz hullámot követő horpadási alakja, de csak a 't' vastagságú szakaszon, viszont a 2\*'t' vastagságú szakaszon nem. Itt célom volt hasonló alakok választása, mivel ezekkel a kívánt tönkremeneteli mechanizmus befűződése is könnyebben elérhető. Az maximális amplitúdó meghatározása során igyekeztem a kisebb övszélesség/200-as értéket közelítően beállítani, mely Z150 és Z200-as szelemen esetén 0,205 mm, míg a Z250-esnél ez az érték 0,330 mm-esre adódik.



22. ábra: Z150 – imperfekció max. amplitúdó: 0,211 mm





24. ábra: Z250 – imperfekció max amplitúdó: 0,313 mm

# 4.2.2.2. Vizsgálat eredményei

Most közlöm a 'dupla' modellek, egyes szelvénytípusainál a tiszta hajlítása során kapott teher - elmozdulás diagramokat. (**12-17. diagram**)



12-13. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



14-15. diagramok: Z00ECO – teher - elmozdulás diagramok



16-17. diagramok: Z250 – teher-elmozdulás diagramok

Az előző oldalon szereplő diagramokból megállapítható, hogy függőleges elmozdulásra a teljes szelvény azonosan viselkedik, nincsenek kiugró értékek. Ellentétben a vízszintes elmozdulásnál, ahol a felső és alsó öv közel azonosan mozdul el, viszont a gerinc ezektől függetlenül mozog. Tehát a fentiekből következtethetünk arra is, hogy a gerinc jelentős horpadásokat fog elszenvedni.

#### 4.2.2.3. Eredmények verifikálása

A 6. táblázatban összefoglalom a numerikus és a valós kísérlet során kapott eredményeket.

Eredmények verifikálása					
Szelvénytínusek	Nyomatéki tehert	Ellánáa			
Szervenyupusok:	Numerikus kísérlet	Valós kísérlet	Literes		
Z150_1.5	9,35	5,71	-38,9%		
Z200ECO_1.5	13,19	16,43	24,5%		
Z250_1.5	20,34	13,77	-32,3%		

6. táblázat: Eredmények verifikálása

A táblázatbók kitűnik, hogy most sokkal jelentősebb eltérések adódtak a numerikus és a valós kísérlet eredményei között. Még a szimpla modellnél 31%-nál nem adódott magasabb eltérés, addig az itt mért eltérések közel 40%-osak. A tendencia a Z250 és Z200ECO szelvénynél ugyanaz maradt, azaz a valós kísérleti modellnél kevesebb a teherbírási szint, mint a numerikus esetében. Ez egyrészt magyarázható a 'szimpla' modellnél is ismertetett okokkal, azaz a szelemennél a numerikus modellben csak a lokális hatások érvényesülnek, és nem jelentkeznek a globális viselkedésből eredő stabilitásvesztések. Másrészt a rúdmodellel igazolt módon, ezen a szakaszon a hajlítás mellett jelentős nyíróerő is megjelenik, melyek jelentős hatással bírnak a teherbírási szintekre. A fenti állítás igazolása majd csak a 4.3. fejezet után történik meg, ahol a hajlítás és nyírás interakciójára veszem igénybe ugyanezen modelleket.

A fentiektől eltérő eredményt mutatnak a Z200ECO szelvénynél mért adatok, hiszen a valós kísérletből származó teherbírás több mint 24%-kal meghaladja a numerikus modell által meghatározott adatot, ellentétben a másik két szelvénnyel. Ugyanakkor a Z200ECOnál szelvény valós kísérleténél a bélyegekből által mért feszültségekből meghatározott nyomatéki ellenállás a Z250-esnél is nagyobb. Ezen adatokat célszerű ismételten megvizsgálni a globális modelleknél is.

Az előzőhez hasonlóan, itt is ismertetem a numerikus és a valós kísérlet során kapott deformációs ábrákat (9-11. kép, illetve 25-27. ábra). A kísérlet során készített fényképek alapján elmondható, hogy a tönkremenetel mindegyeik szelvénynél az átlapolt szakasz végén következett be. Míg a Z150-es és a Z250-es szelvényeknél megjelent a gerinc behorpadása és az öv begyűrődése, addig a Z200ECO-nál inkább egy nyírási horpadás jellegű tönkremenetel következett be, kissé eltolódva az átlapolás szélétől. A lokális modellekkel közelítően sikerült visszakapni a deformációs alakokat, így a tönkremeneteli képlékeny mechanizmust is. Érdemes megfigyelni, hogy amíg a horpadások a kísérlet esetén inkább a húzott öv felől indultak a nyomott öv felé, addig a numerikus modellek estén ez inkább fordítva következett be. Ugyanakkor ez a jelenség nem befolyásolja a vizsgálat eredményeit, inkább csak az imperfekciós alakokra vezethető vissza.



9. kép és 25. ábra: Z150 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



10. kép és 26. ábra: Z200ECO szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



11. kép és 27. ábra: Z250 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál

Tiszta hajlításra igénybevett 'dupla' modellek ismertetését követően, a következő fejezetben áttérek ugyanezen tartószakasz modellezésére készített, de eltérő módon felépített modell által szolgáltatott adatok bemutatására.

#### 4.2.3. 'Átlapolt' modellek esetén

Jelen fejezetben az átlapolt szakasz pontosabb modellezésére készített változat eredményeit ismertetem. Eltérés az előző modellhez képest, hogy a dupla falvastagságú szelemen helyett mindkét szelement geometriailag is megadtam és a közöttük elhelyezett kontakt- és célelemek biztosítják a két szelvény együttdolgozását.

#### 4.2.3.1. Alkalmazott imperfekciók

A **28-29. ábrán** mutatom meg az átlapolt szelvény, tiszta hajlításánál használt geometriai imperfekciókat, melyeken látható, hogy a dominánsabb horpadási alak itt is a szimpla szelvény esetén jelenik meg. Az egyes szelvényeknél alkalmazott imperfekcióknál a maximális amplitúdó értéke a következő: Z150-nél 0,215 mm, míg Z200ECO-nál 0,218 mm és Z250-nél 0,294 mm. Itt is megfigyelhető, hogy az egyes vizsgálatoknál próbáltam tartani az amplitúdókat, a geometriai nemlinearitás biztosítása érdekében alkalmazott imperfekcióknál.



28. ábra: Z150 – imperfekció max. amplitúdó: 0,215 mm

29. ábra: Z200ECO – imperfekció max. amplitúdó: 0,218 mm



30. ábra: Z250 – imperfekció max amplitúdó: 0,294 mm

# 4.2.3.2. Vizsgálat eredményei





18-19. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



20-21. diagramok: Z00ECO – teher - elmozdulás diagramok



22-23. diagramok: Z250 – teher-elmozdulás diagramok

A diagramokból a korábban már megtapasztalt jelenség következik be. Függőleges elmozdulásra a szelvény pontjai azonosan viselkednek, de a vízszintes elmozdulásra a szelvény gerince eléri az 1,40 mm körüli értékeket, amíg a szelvény öveiben alig mérhető oldalirányú elmozdulás.

# 4.2.3.3. Eredmények verifikálása

A **7. táblázatban** foglaltam össze a vizsgálat eredményeit. Itt is kijelenthető, hogy a teherbírások között, még mindig több mint 30%-os eltérés figyelhető meg.

Eredmények verifikálása					
Szolyónytínygoly	Nyomatéki teherb	El444-			
Szeivenyupusok:	Numerikus kísérlet	Valós kísérlet	Eneres		
Z150_1.5	9,02	5,71	-36,7%		
Z200ECO_1.5	12,62	16,43	30,2%		
Z250	21,58	13,77	-36,2%		

7.	táblázat:	Eredmények	verifikálása

A táblázatban is megjelenik a 'dupla' modellnél már megtapasztalt jelenség, mely szerint a Z200ECO szelvénynél a másik két szelvénnyel ellentétben, az átlapolt szakaszon számolt nyomatéki teherbírási értéke nagyobb lesz, a mezőközépen számolt értéknél. Ebből az eltérésből származik, hogy még a Z150-as és Z250-es szelvénynél a numerikus modellnél kapunk magasabb értéket, addig a Z200ECO-nál a valós kísérlet szolgáltatja ugyanezt. Ezt a jelenséget érdemes lenne jobban megvizsgálni és meghatározni, hogy mely tényezők miatt következik be. Elképzelhető, hogy a szelemen geometriájával van szoros összefüggésben, hiszen már a tanulmány korábbi részében (**1. ábra**) is ismertetésre került, hogy a Z200ECO szelvénynél a Z150-nel összehasonlítva ugyanakkora öv és élborda hosszakkal rendelkezik és csak a szelemen magasságában van eltérés. Ezért ennél a szelvénynél elvégzett globális analízis végrehajtását követően, több következtetést tudok levonni, melyen már a terhelés hatására kialakuló stabilitásvesztés is bekövetkezik.

Végezetül, az előzőekhez hasonlóan itt is a **9-11. kép** és **31-33. ábra** segítségével mutatom be a kísérlet és a numerikus modellezés során kapott deformációkat. A Z150-es és a Z250-es szelemen numerikus kísérletében megjelent a kívánt képlékeny tönkremeneteli mechanizmus, azaz az övnél bekövetkező begyűrődés állapota. Ezzel ellentétben a Z200ECO-nál a numerikus modell nem adta vissza pontosan a kísérlet során tapasztalt alakot, inkább a többi modellhez hasonló begyűrődés jelensége lépett fel.



9. kép és 31. ábra: Z150 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



10. kép és 32. ábra: Z200ECO szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



11. kép és 33. ábra: Z250 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál

#### 4.2.4. 'Dupla' és az 'átlapolt' modellek összehasonlítása

A lokális modellek tiszta hajlításra történő vizsgálatára szánt fejezet zárásaként összehasonlítom az átlapolt szakasz modellezésére megalkotott két modelltípust. A következőkben, hogy a 'dupla' és az 'átlapolt' modell közötti hasonlóságokat és különbségeket is szemléltetni tudjam, a **24-26. diagramon** együtt ábrázolom a két modell terhelés hatására kialakult függőleges elmozdulásait.



24. diagram: Z150 – közös diagram

25. diagram: Z200ECO – közös diagram



26. diagram: Z250 – közös diagram

Amint azt a fenti diagramok is jól mutatják, az átlapolás pontosabb modellezésére készített 'átlapolt' nevű modellek nagyobb merevséggel rendelkeznek, azaz tiszta hajlítás esetén ugyanakkora nyomatékhoz kisebb elmozdulás tartozik, mint a 'dupla' modellek esetében. Ez azzal magyarázható, hogy az 'átlapolt' modellnél két szelvény került megadásra, melyek szimmetria tengelye egymástól, függőleges értelemben 1,5 mm-re eltolva helyezkedik el. Vízszintes irányba is ugyanez a kialakítás jelenik meg. Ennek értelmében inerciatöbblet jelenik meg az 'átlapolt' modellnél a 'dupla' modellhez képest, mely a merevségek befolyásolásának egyik fő paramétere. A **8. táblázatban** számszerűsítem a két különböző modell teherbírásait és a közöttük lévő eltéréseket is.

Eredmények összehasonlítása					
Gaolyónytónygoly	Nyomatéki te	El44-4-			
Szervenyupusok:	'dupla' modell	'átlapolt' modell	Eneres		
Z150_1.5	9,35	9,02	-3,5%		
Z200ECO_1.5	13,19	12,62	-4,4%		
Z250	20,34	21,58	6,1%		

#### 8. táblázat: Numerikus modellek eredményeinek összehasonlítása

A fentiek alapján elmondható, hogy az egyszerűbb 'dupla' és az összetettebb 'átlapolt' modellek során - melyeket tiszta hajlításra vettem igénybe - jelentősebb különbségeket csak a merevségi viszonyaikban tapasztaltam.

A két numerikus modell teherszintjei közötti eltérések, mindhárom szelvénynél 7,0%-on belül voltak. Ennek következtében a valós kísérlettel összehasonlítva még mindig jelentősek, 35%-ot meghaladó különbségek adódtak. Ennek okai részben megegyeznek a 4.2.2.3. pontban, a 'dupla' modellnél bemutatottakkal.

Mivel a teherszintnél nincsenek szignifikáns különbségek, ezért a modellek megítélésben a merevségeik fognak döntő szerepet játszani. Vélhetően az átlapolt modellnél tapasztalt nagyobb merevség közelebb lesz a valós kísérlethez, azonban ennek igazolásához az egyszerűsített globális modellel elvégzett vizsgálatok is szükségesek lesznek.

#### 4.3. Hajlítás és nyírás interakciója

Tiszta hajlítás ismertetését követően rátérek az interakciós igénybevétel alkalmazására. Az előzőekkel ellentétben most már csak a 'dupla' és az 'átlapolt' modelleket vizsgálom ezen igénybevétel típusra, mivel mezőközépen a hajlítás mellett ébredő nyíróerő hatása elhanyagolható mértékű. Először a 'dupla' modelleknél mutatom be a vizsgálat eredményeit, majd ezt követően az 'átlapolt' modellnél kapottakat ismertetem.

#### 4.3.1. 'Dupla' modellek esetén

Célom az interakciós igénybevételre elvégzett vizsgálatokkal, hogy most az előzőekben számított eltérések jelentős mértékben csökkenjenek.

#### 4.3.1.1. Alkalmazott imperfekciók:

A mellékelt **34-36. ábrákon** mutatom be az egyes szelvények, hajlítása és nyírás interakciója során használt imperfekciókat (**13-15. ábra**).



16. ábra: Z150 – imperfekció max. amplitúdó: 0,206 mm

17. ábra: Z200ECO – imperfekció max. amplitúdó: 0,193 mm



18. ábra: Z250 – imperfekció max amplitúdó: 0,328 mm

# 4.3.1.2. Vizsgálat eredményei

Ezek alapján ismertetem az egyes szelvények hajlítása és nyírása során kapott teher elmozdulás diagramokat. (27-32. diagram)



27-28. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



29-30. diagramok: Z00ECO – teher - elmozdulás diagramok



31-32. diagramok: Z250 – teher-elmozdulás diagramok

Az előzőekben ismertetett diagramokhoz csak annyit fűznék hozzá, hogy hasonló viselkedést mutatnak, azonban a megfolyás környezetében mért eredményeknél már nem jelenik meg hirtelen törés a teher-függőleges elmozdulás diagramokban, hanem sokkal tisztább az átmenet is. Amíg a tiszta hajlítás esetén a két öv is közel azonos mértékben mozdult el, addig most ezek viselkedése is eltérő jelleget mutat, ez is a szerkezetben megjelenő nyíróerőre vezethető vissza.

# 4.3.1.3. Eredmények verifikálása

A 9. táblázatban összefoglalom a numerikus és a valós kísérlet során kapott eredményeket.

Eredmények verifikálása					
<u><u><u></u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u></u>	Nyomatéki teherb	Eltánáa			
Szervenyupusok:	Numerikus kísérlet	Valós kísérlet	Enteres		
Z150_1.5	6,76	5,71	-15,5%		
Z200ECO_1.5	8,91	16,43	84,4%		
Z250	11,60	13,77	18,7%		

# 9. táblázat: Eredmények verifikálása

Megállapítható, hogy nyíróerő megjelenése miatt ugyanazon a modellen mért eltérések több mint 15%-kal csökkentek, ettől csak a Z200ECO típusú szelvény tér el. Ez részben igazolja a fenti állításomat, hogy az igénybevétel típusában lévő különbségek is jelentős eltéréshez vezetnek, azaz a nyírás miatt kialakuló feszültségek is jelentős mértékben befolyásolják a szerkezet teherbírási képességét.

Érdemes megemlíteni, hogy Z150-nél a valós kísérletben kapott teherbírás alatta marad a numerikus kísérletben meghatározottakhoz képest, míg a Z200ECO és a Z250 típusú szelemen ettől eltérő tendenciát mutat. Z200ECO-nál tapasztalt eltérés már a 80%-ot is meghaladja, de ez érthető, hiszen tiszta hajlításnál kb. 30% volt a különbség, most a numerikus modellben a nyíróerő megjelenésével a teherbírás tovább csökkent.

A következő oldalon közölt, és a kísérlet során készített **9-11. kép**, illetve a numerikus modell analízise során készült **37-39. ábra** alapján megállapítható, hogy az interakciós igénybevétel megjelenésével a korábban eredményül kapott deformációs alakokhoz képest változások következtek be. Azaz a numerikus modellnél fellépő tönkremeneteli mechanizmusban a nyírás dominanciájára következtethetünk, mely a Z200ECO szelvénynél készített kísérleti fényképen is jól kivehető. Tehát ennél a szelvénynél visszakaptuk a képlékeny folyási mechanizmust, azonban a Z150-es és Z250-es szelvénynél a gerinc horpadása eltolódott az átlapolás szélétől. Ezeknél a típusoknál a tiszta hajlítás során visszakapott deformációs alakok jobban közelítenek a valós viselkedéshez.



9. kép és 37. ábra: Z150 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



10. kép és 38. ábra: Z200ECO szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



11. kép és 39. ábra: Z250 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál

# 4.3.2. 'Átlapolt' modellek esetén

A 'dupla' modellt követően már csak az 'átlapolt' modell ismertetése van hátra, mellyel egyúttal zárom is a lokális modellek vizsgálatát.

# 4.3.2.1. Alkalmazott imperfekciók

Ebben az esetben minden szelvénynél 500 mm hosszú modellt hoztam létre, melyen alkalmazott imperfekciókat mutatja a **40-42. ábra**. A geometriai nemlinearitást biztosító alakoknál, továbbra is a szinusz hullámot követő gerinchorpadási alakokat választottam ki. Az imperfekciókkal kapcsolatban megjegyezném, hogy érdemes lenne megvizsgálni, hogy a választott alakok mennyiben befolyásolják a teherbírás szintet illetve a kialakult tönkremeneteli mechanizmust.



40. ábra: Z150 – imperfekció max. amplitúdó: 0,203 mm

41. ábra: Z200ECO – imperfekció max. amplitúdó: 0,193 mm



42. ábra: Z250 – imperfekció max amplitúdó: 0,328 mm

# 4.3.2.2. Vizsgálat eredményei

Ezek alapján ismertetem az egyes szelvények tiszta hajlítása során kapott teher elmozdulás diagramokat. (6-11. diagram)



33-34. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



35-36. diagramok: Z00ECO – teher - elmozdulás diagramok



37-38. diagramok: Z250 – teher-elmozdulás diagramok

A diagramok tekintetében a 'dupla' modellhez hasonló viselkedést tapasztalhatunk. Megállapítható, hogy a teher hatására a felső öv szenvedi el a legnagyobb függőleges elmozdulásokat, míg a vízszintes elmozdulásoknál inkább az alsó öv és a gerinc a dominánsabb.

# 4.3.2.3. Eredmények verifikálása

A **10. táblázattal** kapcsolatban mindenképpen kijelenthető, hogy a modellek és az igénybevételek pontosításával az eltérés is kisebb lesz, hiszen 15%-nál nagyobb különbség a Z200ECO szelvény kivételével egyik esetben sem alakult ki. Érdemes megfigyelni, hogy mindhárom szelvénynél a numerikus kísérlet során kapott nyomatéki teherbírás alatta marad a valós kísérletben kapottaknál. A Z200ECO szelvény tendenciája továbbra is eltér a Z150 és Z250 által szolgáltatott eredményektől.

Eredmények verifikálása					
Szolyónytánycoly	Nyomatéki tehert	Eltériéa			
Szelvenytipusok:	Numerikus kísérlet	Valós kísérlet	Eneres		
Z150_1.5	5,18	5,71	10,3%		
Z200ECO_1.5	8,39	16,43	95,8%		
Z250	12,19	13,77	12,9%		

#### 10. táblázat: Eredmények verifikálása

A lokális modellek zárásaként még mellékelem a deformációs képeket (**9-11. kép**) és ábrákat (**43-45. ábra**). Összességében az átlapolt szakasz modellezése során itt adódtak a valós kísérletet legjobban megközelítő tönkremenetelek. Egyrészt a Z150-nél is megjelenő begyűrődés az átlapolás végén jelentkezett, akárcsak a valós kísérletnél, és ezenkívül a Z200ECO szelvénynél dominánsabban megjelenő nyírási tönkremenetel is az átlapolás után következett be. Viszont a Z250 szelemennél nem sikerült pontosan visszakapni a képlékeny folyási mechanizmust, ott is inkább a Z200ECO szelvényű numerikus modellnél tapasztalt deformáció jött létre.



9. kép és 43. ábra: Z150 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



10. kép és 44. ábra: Z200ECO szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál



11. kép és 45. ábra: Z250 szelemen valós illetve numerikus tönkremenetele, átlapolásnál

#### 4.3.4. 'Dupla' és az 'átlapolt' modellek összehasonlítása

Az előzőhez hasonlóan itt is elvégzem a hajlítás-nyírás interakciójára igénybevett 'dupla' illetve 'átlapolt' modell összehasonlítását. Első körben együtt mutatom meg a **39-41. diagramon** a két modell terhelés hatására kialakult függőleges elmozdulásait.

10,00

9,00

8,00

7.00

6,00

5,00

4,00

3,00

2,00

1.00

0,00

0,00

1,00

Nyomaték [kNm]



39. diagram: Z150 – közös diagram



Függőleges elmozdulás (mm)

2,00

Teher - függőleges elmozdulás diagram

Alsó öv dupla

Felső öv dupla

Gerinc dupla

Alsó öv átlapolt

Felső öv\_átlapolt

Gerinc\_átlapolt

4,00

5,00

3,00



41. diagram: Z250 – közös diagram

A diagramok vizsgálata alapján itt is szembetűnő a már korábban ismertetett merevségek közötti különbségek. Viszont hajlítás és nyírás interakciója során már ezek a különbségek is kisebbek.

A 11. táblázatban ismételten összefoglalom a numerikus vizsgálatok eredményeit.

Eredmények összehasonlítása			
Szelvénytípusok:	Nyomatéki teherbírás [kNm]		Ellémér
	'dupla' modell	'átlapolt' modell	Literes
Z150_1.5	6,76	5,18	-23,4%
Z200ECO_1.5	8,91	8,39	-5,8%
Z250	11,60	12,19	5,1%

11. táblázat: Numerikus modellek eredményeinek összehasonlítása

A táblázatból egyértelműen kitűnik, hogy 'átlapolt' modell, habár összetettebb, emiatt az analízis lefutásának az ideje is hosszabb, viszont a kapott eredmények jobban közelítik a valós kísérlet során mért, illetve meghatározott eredményeket. A két modell között a legjelentősebb különbség, több mint 20% a Z150-es szelvénynél alakul ki, viszont itt is az 'átlapolt' modell szolgáltatja a kísérlethez képest a pontosabb eredményt.

A fent megállapítottak alapján és az analízisek elvégzését követően kijelenthető, hogy a 'dupla' modell helyett célszerűbb az 'átlapolt' modellt választani, habár a számítási idő nagyobb, ugyanakkor a kapott eredmények és merevségek pontosabbak lesznek, ezáltal a modellezési eljárás is hatékonyabb.

## 4.4. Lokális modellezés összefoglalása

A fejezet összefoglalásaként kijelenthető, hogy a keresztmetszet lokális szintű tönkremeneteli mechanizmusainak, illetve teherszintjeinek vizsgálatára kiválóan alkalmasak a fent készített numerikus modellek. Ez alól kivételt képez a Z200ECO szelvény, mely a valós kísérletnél is a többi szelvénytől eltérően viselkedett, mivel az átlapolás környezetében nem csökkentek a teherbírási értékek, hanem szignifikánsan nagyobbak lettek. Ezzel ellentétben a másik két szelvénytípus átlapolásánál mért teherbírási értékek leginkább alulról közelítették a mezőközépen meghatározott nyomatéki teherbírást.

A lokális modelleknél alkalmazott, a tiszta hajlítást és a hajlítás és nyírás interakciójának igénybevételét előidéző elmozdulás-terhek, valamint az alkalmazott Newton-Raphson megoldó módszer hatékony kombinációnak bizonyult, mely minden esetben néhány iterációt követően, relatíve rövid idő alatt megoldáshoz vezetett.

'Dupla' és az 'átlapolt' modell összefoglalásaként elmondható, hogy mind a kapott teherszint és mind a kapott merevségek mérlegelésekor inkább az 'átlapolt' modell váltotta be jobban a hozzá fűzött reményeket. Hiszen a teherbírási értéket és deformációs alakokat ezzel a változattal sikerült leginkább elérni.

Fontos megemlíteni, hogy a lokális modellekkel az itt kitűzött célokat sikerült elérni, viszont mindenképpen tovább kell lépni egy globális modell felé, mellyel az esetlegesen fellépő stabilitásvesztéssel járó globális viselkedést illetve tönkremeneteleket is jobban modellezni lehet.

#### 5. Egyszerű globális modellek

A tanulmány ezen fejezetében már a háromtámaszú szelemenek vizsgálatával foglalkozok, melyben a valós kísérlet esetén fellépő globális hatások is megjelennek. A fenti elvet követve, itt két különböző módon felépített modellt vizsgálok, viszont az egyszerűség kedvévért csak a Z200ECO szelvényen. Ebben a részben a célkitűzésem, hogy a teherbírási szinteket tovább pontosítsam, illetve, hogy a tönkremeneteli módokat ismételten visszakapjam a valós kísérletnek megfelelően, valamint, hogy az itt eredményül kapott teher-elmozdulás diagramokat összehasonlítsam a valós kísérlettel.

#### 5.1. Modellek jellemzői

Az itt használt modelleket geometriailag az előzőekhez hasonló módon építem fel, csak a teher típusában és a megoldó módszerben lesznek változások. Mint már említettem két modell kerül felépítésre, melyek a következők: 'szimpla' és egy 'dupla'. A 'szimpla' modellnél a tartó 10 m-es hossza mentén végig konstans 't' falvastagságú lesz, tehát a közbenső támasznál sem lesz szelvényváltás (**46. ábra**). A 'dupla' modellnél ezzel ellentétben, átlapolt szakasz modellezésére egy 2\*'t' falvastagságú szakasz is kialakításra kerül, a közbenső támasztól mindkét irányban 50 cm-es hosszon. A két modell között különbséget szemlélteti a **47. ábra**. A valós kísérlet során, a szelemenen elhelyezett trapézlemezt, itt is oldalirányú támaszokkal helyettesítem.

A lokális modellekkel ellentétben itt erőterhet alkalmazok, melyet vonalmentén és egyenletes megoszlásban adok meg a felső öv és a gerinc találkozásánál. Továbbra is használom azt a program beállítást, mely a nagy elmozdulásokat lehetővé teszi. Ennek értelmében a szoftver az egyes teherlépcsőknél a már elmozdult alakra helyezi el a terhet. Mivel erőterhet alkalmazok, ezért az ívhossz-módszert alkalmazom a Newton-Raphson helyett, mert ebben az esetben kevesebb iteráció után érem el a kívánt megoldást és követhetővé válik a leszálló ág is.

Az egyszerű globális modelleknél is a GMNI analízist alkalmazom, így természetesen a továbbiakban ismertetésre kerülnek az alkalmazott imperfekciók is. Az anyagi nemlinearitást a korábban ismertetett **5. diagram** és **2. táblázat** alapján adom meg.



46. ábra: Z200ECO háromtámaszú szelemen numerikus modellje



a) Z200ECO – 'szimpla' modell b) Z200ECO – 'dupla' modell



# 5.2. <u>Alkalmazott imperfekciók</u>

A 'szimpla' és a 'dupla' modellnél alkalmazott imperfekciókat a **48-49. ábra** mutatja be, melyeken jól láthatóan megjelenik a szelemen alsó övének szinusz hullámot közelítő kifordulása. Bizonyos asszimetriát lehet megfigyelni az egyes tartószakaszok között, hiszen a közbenső támasztól balra eső tartószakasz nagyobb elmozdulásokat szenved el, mint a másik oldalon lévő. Ez a különbség a 'dupla' modellnél még szembetűnőbb.



48. ábra: Z200ECO – 'szimpla' modell max. amplitúdó: 0,208 mm

49. ábra: Z200ECO – 'dupla' modell max. amplitúdó: 0,208 mm

# 5.3. Vizsgálat eredményei

A két modellnél a terhelés hatására kapott elmozdulások láthatóak a **42-43.** illetve **44-45**. diagramon.



42-43. diagramok: Z200ECO – 'szimpla' – teher - elmozdulás diagramok



44-45. diagramok: Z200ECO – 'dupla' – teher - elmozdulás diagramok

A diagramok alapján megállapítható, hogy az imperfekciónál tapasztalt aszimmetrikus viselkedés a terhelés során már nem jelentkezik. Tehát a bal és a jobboldali szelemen mind vízszintes, mind függőleges irányban közel azonos mértékű elmozdulásokat szenved el. Ezenkívül az is megállapítható, hogy a folyáshatár elérését követően a program nem folytatta tovább a fenti szelemenek terhelését, hiszen sem a plató, sem a leszálló ág nem jelent meg.

Érdemes megemlíteni, hogy célszerű lenne egy későbbi vizsgálat folyamán a 'dupla' modellen elvégezni a kívánt beállításokat és finomításokat is, melyek segítségével nem csak a plató, hanem a valós kísérletnél mért, és az igénybevételi átrendeződés miatt kialakuló képlékeny többlet teherbírás is megjelenjen.

#### 5.4. Eredmények verifikálása

Az eredmények ismertetését követően, most a **46. diagramon** egyben ábrázolom a 'szimpla' és a 'dupla' modellt, valamint a valós kísérlet idevonatkozó eredményeit.



46. diagram: Z200ECO – teher - elmozdulás diagram

A diagram kapcsán érdemes megemlíteni, hogy a valós kísérletnél megjelenő aszimmetrikus viselkedés a numerikus modellek egyikénél sem volt olyan jelentős mértékű. Ezenfelül a 'dupla' modell nagyobb merevséggel rendelkezik, - ezt a jelenséget az 1 m hosszúságú "átlapolt" szakaszon alkalmazott kétszeres falvastagság okozza - mint a 'szimpla' modell, de még így sem éri a valós kísérletnél tapasztalt merevséget.

Érdemes lenne megvizsgálni, hogy a lokális modelleknél használt 'átlapolt' modell, ebben az esetben milyen eredményeket szolgáltatna. Az eddigi tapasztalatok alapján arra következtetek, hogy az 'átlapolt' modell nagyobb merevséggel rendelkezik, ezért pontosabban visszaadná a valós kísérlet során alkalmazott szelemen merevségét.

A továbbiakban bemutatom és értékelem a 'szimpla' és 'dupla' modellnél kapott deformációs ábrákat, valamint összehasonlítom a valós kísérlet során kapott tönkrementetekkel. Itt ismételten bemutatom a szelemen átlapolás melletti, illetve a mezőközépen megjelenő deformációt tartalmazó **10.** illetve **7. képet.** 

Az **50. ábra** alapján megállapítható, hogy megjelent a globális stabilitásvesztés jelensége is, melyek vizsgálatát a lokális modellek nem tettek lehetővé. Összehasonlítva a **12. képpel**, megállapítható, hogy a modell paraméterei ezen a szinten helyesen lettek megadva, hiszen a numerikus modellben is a szabad, húzott öv kifordulása következett be. Az **51.** és az **52. ábra** a szelemen közbenső támasznál illetve a mezőközépen bekövetkező képlékeny nyúlásait tartalmazzák. Ezek alapján megállapítható, hogy a végig konstanst vastagsággal rendelkező modell tönkremenetele, a legnagyobb nyomatéki helyen, a közbenső támasznál következik be. Az **51. ábrán** látható, hogy a gerinc jelentősen horpadásokat szenved el a valós kísérlethez hasonlóan. Ezzel szemben, mezőközépen lokális tönkremenetel már nem következik be. Ez többek között annak tudható be, az analízist a szoftver az első folyás megjelenését követően leállítja.



12. kép: Z200ECO – szabad öv kifordulása



10. kép: Z200ECO – közebenső támasznál



7. kép: Z200ECO – mezőközép



50. ábra: Z200ECO – teljes 'szimpla' modell



51. ábra: Z200ECO – 'szimpla' modell – közbenső támasz



52. ábra: Z200ECO – 'szimpla' modell – mezőközép



12. kép: Z200ECO – szabad öv kifordulása



10. kép: Z200ECO – közebenső támasznál



7. kép: Z200ECO – mezőközép



53. ábra: Z200ECO – teljes 'dupla' modell



54. ábra: Z200ECO – 'dupla' modell – közbenső támasz



55. ábra: Z200ECO – 'dupla' modell – mezőközép

Az **53-55. ábrák** már a 'dupla' során kapott deformációs alakokat tartalmazzák. Itt is megjelenik a tartó stabilitásvesztése kifordulás formájában. Az is belátható, hogy az átlapolás két végén, tehát a szelvényváltásnál már a megindult tönkremenetel kialakulása. Csak sajnos, ebben az esetben is az első folyás elérését követően megállt a számítás. Ezt egy későbbi vizsgálat során mindenképpen pontosítani kell, azaz sűrűbb hálót és kisebb teherlépcsőt kell alkalmazni, hogy a plató megjelenését követően a tartó teljes teherbírása meghatározható legyen.

# 5.4. Egyszerű globális modellezés összefoglalása

Összefoglalásként elmondható, hogy részben sikerült elérni a kitűzött célokat. Hiszen elkezdődött a lokális modellek esetén is tapasztalt tönkremeneteli módok kialakulása, tehát ezek alapján kijelenthető, hogy a készített modell numerikusan stabil a folyáshatár eléréséig. A szelemenek numerikus modellje a valós kísérlethez hasonlóan viselkedett, hiszen kifordulás mellet először az átlapolásnál következett be a lokális, keresztmetszeti szintű tönkremenetel.

Másrészről az itt alkalmazott modellek további pontosításra, finomításra szorulnak, hogy a szelemen képlékeny többletteherbírása is kimutatható legyen. A lokális modelleknél megalkotott 'átlapolt' modellt is fontos lenne továbbvinni és a fentiekhez hasonlóan elvégezni a vizsgálatokat. Ezenfelül érdemes lenne megvizsgálni, hogy a többi szelvénytípus a fentiekhez hasonlóan viselkedik-e.

#### 6. <u>Részletes globális modellek</u>

A tanulmány utolsó modellezést tartalmazó fejezetében áttérek, a Dr. Jakab Gábor által készített paraméteres részletes globális modellek analízisére. A célom, hogy a szerkezet lineáris viselkedését összehasonlítsam a valós kísérlettel, egyúttal választ adjak arra a kérdésre is, hogy a "valós" átlapolással ellátott modell, a globális hatások érvényesülése estén is merevebb szerkezetet eredményez-e. Ezenfelül megvizsgálom, hogy a numerikus modellben mért, feszültségekből számított nyomatékok milyen viszonyban állnak a valós modell alapján számítottakkal.

#### 6.1. Modellek jellemzői

Az itt ismertetésre kerülő részletes globális modellek (**56. ábra**), egyik fő különbsége az eddigiekhez képest, hogy a trapézlemezt, illetve a szelemen és a trapézlemez közötti kapcsolóelemek is modellezésre kerültek.



56. ábra: Z200ECO\_10p – részletes globális modell (alulnézetben)



57. ábra: Z200ECO\_10p – részletes globális modell, közbenső támasznál

A modell itt is héjelemek alkalmazásával épül fel és az átlapolt szakaszon (**57. ábra**) létesített kapcsolóelemek biztosítják a két szerkezet együttdolgozását. Az átlapolt szakasz környezetében a szelemenen és a trapézlemezen alkalmazott végeselemes háló is sűrítve kerül kialakításra, mely ezáltal pontosabb vizsgálatot tesz lehetővé.

Amint azt a tanulmány 3.3. pontjában is ismertettem, itt csak MN analízist hajtok végre, mely szerint nem alkalmazok geometriai imperfekciókat, csak az anyagi nemlinearistást biztosítom az előzőek alapján (**5. diagram**). A trapézlemezre elhelyezem egyenletesen megoszló terhelést, a Newton-Raphson módszer segítségével, kis teherlépcsőkben adom rá a szerkezetre. Ezzel biztosítom, hogy a számítás viszonylag rövid idő alatt kevés iteráció elérését követően konvergáljon. A vizsgálat célja, hogy még a tönkremenetel bekövetkezte előtt, lineáris állapotban verifikáljam a modellt.

# 6.2. Vizsgálat eredményei

A következőkben ismertetem a különböző szelemennel ellátott, könnyűszerkezetes tetőrendszer, terhelés hatására bekövetkező függőleges és vízszintes elmozdulásait (**47-54. diagram**).



47-48. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok



49-50. diagramok: Z200ECO\_10p - teher - elmozdulás diagramok



51-52. diagramok: Z200ECO\_20p - teher - elmozdulás diagramok



53-54. diagramok: Z250 – teher - elmozdulás diagramok

A diagramoknál az egyszerű globális modellnél tapasztaltak itt is megerősítésre kerültek, értem ezt úgy, hogy közbenső támasz két oldalán lévő, tehát a bal illetve a jobb szelemen közel szinte teljesen azonos viselkedik a függőleges elmozdulás hatására. Azonban az előző fejezetben ismertetett modellhez képest, a vízszintes elmozdulás esetén már adódik némi szemmel látható eltérés, de ez inkább a Z150-es szelemenekre illetve a Z200-as szelvényekre igaz. Tehát kijelenthető, hogy a szelemenek a lineáris szakaszon szimmetrikusan viselkednek. Megjegyzésként ismét felhívnám arra a figyelmet arra, hogy a szelemenen, a geometriai nemlinearitást lehetővé tévő imperfekciót nem alkalmaztam.

Ezt követően bemutatom, a valós kísérlet nyúlásmérő bélyegeinek megfelelő helyeken mért, feszültségekből számított nyomatékokat és a bal szelemen függőleges elmozdulását. Ezeket tartalmazzák az **55-62. diagramok**. A mezőközépen és az átlapolásnál helyezték el a bélyegeket (**3. ábra**), tehát az egyes szelvénytípusoknál én is két különböző nyomaték-elmozdulás diagramot ismertetek.



47-48. diagramok: Z150 – nyomaték - elmozdulás diagramok



49-50. diagramok: Z200ECO\_10p – nyomaték - elmozdulás diagramok



51-52. diagramok: Z200ECO\_20p – nyomaték - elmozdulás diagramok



53-54. diagramok: Z250 – nyomaték - elmozdulás diagramok

A fent ismertetett diagramokból megállapítható, hogy a mezőközépen számított nyomatékok értékei szignifikánsan meghaladják a mezőközépen számított értékeket. Hasonló jelenséggel találkoztam a lokális modellek vizsgálatánál, amikor az eredményeket a valós kísérletből számított nyomatékokkal hasonlítottam össze. A valós modelleknél csak a Z200ECO szelvénynél tapasztaltam ugyanezt a tendenciát, de a Z150-es és Z250-es szelemen ettől eltérő módon viselkedett.

# 6.3. Eredmények verifikálása

Végezetül a tanulmány előző pontjában ismertetett eredmények verifikálását végzem el. Következőkben is azonos felépítést követek, először a teher-elmozdulás diagramokat (**55-62. diagram**) hasonlítom össze, majd ezután a nyomaték-elmozdulások (**63-70. diagram**) következnek.



55-56. diagramok: Z150 – teher - elmozdulás diagramok







59-60. diagramok: Z200ECO\_20p - teher - elmozdulás diagramok



61-62. diagramok: Z250 – teher - elmozdulás diagramok

A diagramok alapján egyértelműen igazolható a fenti állítás, mely szerint az 'átlapolt' modell, – melyekben a szelemenek közötti kapcsolat kontaktelemek segítségével biztosított – jelentősen merevebb, mint 'dupla' modell, emiatt a valós kísérlet eredményeit is jobban közelíti. A teher-függőleges elmozdulás diagramokkal kapcsolatban kijelenthető, hogy numerikus modellek merevségi viszonyai elegendő pontossággal megközelíti a valós kísérletét. Ugyanakkor szembetűnő itt is, hogy a numerikus modellben inkább szimmetrikus a viselkedés, mintsem aszimmetrikus.

A fentieknek megfelelően most a nyomaték-elmozdulás diagramok ismertetem. Ezek alapján kijelenthető, hogy a Z150-es szelemen esetén egyfajta merevség különbség jelenik meg, hiszen a mezőközépen a numerikus modell alatta marad a valós kísérletből meghatározott értéknél. Ezzel szemben az átlapolásnál, a kezdeti szakaszt leszámítva, ez a jelenség fordítva jelenik meg. A többi szelemennél inkább a diagramok kereszteződése a jellemző, mely a valós kísérlet során kialakuló lokális problémára vezethető vissza. Azonban a modell lineáris vizsgálatára elvégzett MN analízis, ezt a jelenséget nem képes kezelni.



63-64. diagramok: Z150 – nyomaték - elmozdulás diagramok



65-66. diagramok: Z200ECO\_10p – nyomaték - elmozdulás diagramok



67-68. diagramok: Z200ECO\_20p – nyomaték - elmozdulás diagramok



69-70. diagramok: Z250 – nyomaték - elmozdulás diagramok

# 6.4. Részletes globális modellezés összefoglalása

Itt egyértelműen kijelenthető, hogy a fejezet elején ismertetett céloknak sikerült eleget tenni. A részletes modell a lineáris vizsgálat során megfelelő mértékben visszaadta a valós kísérlet merevségi viszonyait. Ugyanakkor az aszimmetrikus viselkedés nem jelent meg, emiatt a későbbiek folyamán további módosításokra lesz szükség. Ennél a szintnél mindenképpen tovább kell lépni, hogy egyértelműen meg tudjam határozni a modell erősségeit, gyengeségeit, valamint előnyeit illetve hátrányait is.

Végezetül kijelenthető, hogy az itt elvégzett vizsgálatok bebizonyították, illetve igazolták, hogy a kontaktelemekkel ellátott átlapolt szelemenek merevségi viszonyai jobban megfelelnek a valóságos kísérlet által szolgáltatott eredményeknek.

# 7. Tanulmány összefoglalása

Napjainkban a vékonyfalú Z szelemeneket egyre szélesebb körben alkalmazzák és véleményem szerint még nem aknázták ki teljesen a benne rejlő lehetőségeket. Ez részben érthető is, hiszen a tanszék által is vizsgált, trapézlemezzel ellátott, háromtámaszú szelemenes tetőrendszer viselkedése meglehetősen összetett. Többek között ezért is választottam a TDK dolgozatom témájául. Ezenkívül az irodalomkutatásom során megismert, a vékonyfalú szerkezetek méretezésére megalkotott szabvány is tartalmaz bizonytalanságokat.

Így a tanulmány összefoglalásánál kijelenthető, hogy a szerkezet numerikus modellezése jelentős kihívásokat rejt magában. Ezért is állítottam fel a tanulmány elején egy megoldási programot, melyben fokozatosan haladtam az egyszerű modellektől egészen az összetettig.

Először a lokális modelleket vizsgáltam, melyeket a keresztmetszeti szintű képlékeny tönkremeneteli módok és teherszintek verifikálására hoztam létre. Ezeknél a modelleknél alkalmazott elmozdulás-terhek és a Newton-Raphson megoldó módszer rövid idő alatt meghozta a kívánt eredményt. Itt már szembetűnő volt, de teljes bizonyossággal csak a két globális modell analízisét követően jelenthettem ki, hogy az átlapolt szelemen szakasz modellezését minél pontosabban adom meg, annál inkább visszakapom a valós kísérletnél is tapasztalt merevségi viszonyokat.

A szelemen globális modellezésére két fajta megoldást is megvizsgáltam. Az egyik a trapézlemez nélküli kialakításban létrehozott egyszerű globális modell, a másik a pontosabban kidolgozott globális modell. Az egyszerű globális modellnél csak a szelemen megfolyásáig jutottam, hiszen ezt követően az analízis megoldása, számos iteráció után sem hozott eredményt. Így ezeknél a modelleknél, a megfelelő módosítások illetve pontosítások elvégzését követően, további vizsgálatok elvégzését javaslom, hiszen a tönkremeneteli módok már megjelentek, de a szelemen teljes képlékeny teherbírását nem sikerült feltérképezni.

Végezetül a részletes globális modellekkel kapcsolatos vizsgálatokat is tovább kellene folytatni, hogy a tanulmány elején feltett kérdésekre megfelelő válaszokkal tudjak szolgálni, azaz hogy ilyen fokú részletes, numerikus kidolgozás tényleg szükséges-e ahhoz, hogy a teherbírási értékeket és a tönkremeneteli módokat visszakapjam.

A tanulmány zárásaként megjegyzem, hogy az itt leírtak megfelelő alapot szolgáltatnak ahhoz, hogy megtaláljam a leghatékonyabb numerikus modellezést, mellyel a valós kísérletek kiválthatók. Tehát a vizsgálatokat érdemes tovább folytatni, melyet diplomamunkám során meg is teszek.

# Irodalomjegyzék

- <sup>[1]</sup> A. L. Joó, L. Dunai: Geometric imperfections of Z-profiles for numerical models, Róma, Olaszország, 2004
- <sup>[2]</sup> A. L. Joó: Analysis and design of cold-formed thin walled roof systems, Budapest, 2009
- <sup>[3]</sup> Sándor Ádány, László Dunai, Gábor Jakab, Attila Joó: "Parametric study on the effect of advanced modelling of Lindab Z-Purlin system", Research report, BME Department of Structural Engineering, Budapest, 2011.
- <sup>[4]</sup> Li, Z., Joó,A.L., Ádány, S., Schafer, B.W.: Model identification in nonlinear collapse analysis of thin-walled members, Pittsburgh, Amerikai Egyesült Államok, 2011

# Felhasznált szabványok

- MSZ EN 1993-1-1:2005: Acélszerkezetek tervezése
- BS-EN1993-1-3:2006: General rules Supplementary rules for cold –formed members ans sheeting

# Felhasznált szoftverek

- AxisVm 10. 1b.
- ANSYS v14.0
- Editplus v3.30
- Microsoft Excel 2010
- Microsoft Word 2010